

Abdeldjellil BEZZAOUCHA

640

TESTS STATISTIQUES EN SCIENCES MEDICALES



Office des Publications
Universitaires

TABLE DES MATIERES

AVANT-PROPOS

III

TABLE DES MATIERES

V

Chapitre 1

GENERALITES A PROPOS DES TESTS STATISTIQUES

1. Problématique	1
2. Méthode du test d'hypothèse	4
2.1. Les deux types d'erreur	4
2.2. Les étapes du test d'hypothèse	8
3. Hypothèse alternative – Test bilatéral et test unilatéral	9
3.1. Hypothèse alternative	9
3.2. Test bilatéral	9
3.3. Test unilatéral	10
4. Choix du test statistique adéquat	12
4.1. Nature des variables dont on veut tester la liaison	12
4.2. Tests paramétriques et tests non paramétriques	12
5. Présentation des résultats	13

Chapitre 2

COMPARAISON DE DEUX POURCENTAGES

1. Situations	15
2. Echantillons indépendants	15
2.1. Test de l'écart réduit	15
2.1.1. Expression	15
2.1.2. Conditions d'application	17
2.1.3. Exemples	17
2.1.4. Intervalle de confiance	19
2.1.4.1. Intervalle de confiance de la différence	19
2.1.4.2. Intervalles de confiance des pourcentages	20

2.2. Test du chi-deux (X^2)	20
2.2.1. Principe	20
2.2.2. Conditions d'application	21
2.2.3. Exemples	22
2.2.4. Autre expression du chi-deux	24
2.2.5. Correction de Yates	25
2.3. Test des probabilités exactes de Fisher	26
2.3.1. Principe	26
2.3.2. Exemples	27
3. Echantillons appariés (ou séries appariées) : test de Mc Nemar	30
3.1. Situation	30
3.2. Calcul de la statistique de Mc Nemar	31
3.3. Exemple	33
Annexe 1 au chapitre 2 : le test des signes	34
1. Situation	34
2. Principe de l'exécution du test	34
3. Exemple	35
Annexe 2 au chapitre 2 : comparaison d'un pourcentage observé à un pourcentage théorique	37
1. Situation	37
2. Test de l'écart réduit z	38
3. Utilisation de l'intervalle de confiance	38
4. Critère du chi-deux	39
5. Comparaison d'un pourcentage observé sur un petit échantillon à un pourcentage théorique	40

Chapitre 3

COMPARAISON DE PLUSIEURS POURCENTAGES

1. Comparaison de plusieurs pourcentages (effectifs calculés suffisants)	43
1.1. Effectifs calculés d'emblée suffisants et tableaux $2 \times k$	43
1.2. Regroupement de catégories pour avoir des effectifs calculés suffisants	47
1.3. Tableau de contingence $1 \times c$ (1 et $c > 2$)	49

2. Comparaison de plusieurs proportions (effectifs calculés faibles)	51
3. Test Q de Cochran	53

Chapitre 4

AJUSTEMENT D'UNE DISTRIBUTION OBSERVEE A UNE DISTRIBUTION THEORIQUE

1. Situation	57
2. Ajustement d'une distribution à k modalités à une distribution théorique dans les mêmes catégories	57
3. Ajustement d'une distribution observée à k classes à une distribution obéissant à un modèle mathématique	59
3.1. Ajustement à la loi normale	59
3.2. Ajustement à la loi binomiale	60
3.3. Ajustement à la loi de Poisson	61
4. Test de Kolmogorov-Smirnov	62
4.1. Principe	62
4.2. Exemples	64

Chapitre 5

COMPARAISON DE VARIANCES

1. Comparaison de deux variances	67
1.1. Situation	67
1.2. Deux échantillons indépendants	67
1.2.1. Principe du test	67
1.2.2. Exemples	68
1.3. Deux échantillons appariés	69
1.3.1. Principe du test	69
1.3.2. Exemple	70
2. Comparaison de plusieurs variances : test de Bartlett	71
2.1. Situation	71
2.2. Principe	71
2.3. Exemple	72

Annexe au chapitre 5 : comparaison d'un écart type observé à un écart type théorique	73
1. Situation et principe	73
2. Exemple	74

Chapitre 6 COMPARAISON DE DEUX MOYENNES

1. Echantillons indépendants	75
1.1. Principe des tests	75
1.2. Exemples	78
2. Echantillons appariés	80
2.1. Principe des tests	80
2.2. Exemple	82
3. Test U de Mann-Whitney (pour échantillons indépendants)	84
3.1. Situation	84
3.2. Principe du test	84
3.3. Exemples	87
4. Test T de Wilcoxon (pour séries appariées)	89
4.1. Situation	89
4.2. Principe du test	90
4.3. Exemple	91
Annexe au chapitre 6 : comparaison d'une moyenne observée à une moyenne théorique	93
1. Principe des tests	93
2. Exemple	94

Chapitre 7 ANALYSE DE LA VARIANCE

1. Situation	95
2. Principe de l'analyse de la variance	95
3. Exemples	99
4. Comparaison des moyennes deux à deux	103

5. Analyse de variance par rangs de Kruskal-Wallis	105
5.1. Situation	105
5.2. Principe	106
5.3. Exemple	107

Chapitre 8

CORRELATION LINEAIRE ENTRE DEUX VARIABLES QUANTITATIVES

1. Situation	111
2. Expression du coefficient de corrélation linéaire	114
3. Signification du coefficient r	116
4. Conditions d'application	116
4.1. Condition de linéarité	116
4.2. Hypothèse d'homoscédasticité et normalité des distributions	118
5. Exemple de calcul du coefficient r	119
6. Ecart type du coefficient de corrélation (ou erreur type sur r)	120

Chapitre 9

REGRESSION LINEAIRE ENTRE DEUX VARIABLES

1. Problématique	123
2. Equations des droites de régression	124
3. Test de la pente	126
4. Erreur type de prédiction	127
5. Exemple	128

Chapitre 10

RAPPORT DE CORRELATION ET LINEARITE DE LA RELATION ENTRE DEUX VARIABLES

1. Situation du problème	131
2. Expression du rapport de corrélation	131

3. Test de linéarité	133
4. Exemple	134
5. Linéarisation des équations non linéaires	137

Chapitre 11

AUTRES EXPRESSIONS DU COEFFICIENT DE CORRELATION ENTRE DEUX VARIABLES

1. Problématique	139
2. Coefficient de corrélation des rangs de Spearman	139
2.1. Situation	139
2.2. Principe de calcul	140
2.3 Exemples	141
3. Coefficient de corrélation point bi-sériel : r_{pb}	143
3.1. Situation	143
3.2. Expression	144
3.3. Exemple	145
4. Coefficient de corrélation bi-sériel : r_b	147
5. Coefficient phi : r_f	148
5.1. Situation	148
5.2. Calcul	149
5.3. Exemples	151
6. Coefficient phi-bisérial : r_{fb}	154
7. Coefficient de contingence C	154
7.1. Situation	154
7.2. Calcul	154
7.3. Exemple	155
Annexe au chapitre 11 : coefficient de concordance W de Kendall	156
1. Situation	156
2. Calcul	156
3. Exemple	157

TABLES STATISTIQUES

159

Table 1 : Table des aires limitées par la courbe $N(0, 1)$	160
Table 2 : Table de la loi du chi-deux (X^2)	161
Table 3 : Table de la loi de Fisher	162
Table 4 : Table de la loi de Student	170
Table 5 : Table du coefficient de corrélation	171

PRINCIPALES NOTATIONS UTILISEES

172

Tableau 1.1. Répartition de 176 enfants selon qu'ils ont contracté une diarrhée et la qualité de l'eau avec laquelle ils boivent

Diarrhée	Eau mauvaise	Eau bonne	Total
Diarrhéiques	54	17	71
Non diarrhéiques	55	80	135
Total	109	97	206

Il s'agit dans cet exemple de tester la relation entre la diarrhée (qualitative : diarrhéiques et non diarrhéiques) et la qualité de l'eau (qualitative : bonne et mauvaise). Puisque les deux variables sont qualitatives, il s'agit en fait de comparer des pourcentages.