

Afin d'harmoniser les règles de conception des structures en béton entre les états membres de l'Union européenne, les règles de calcul ont été unifiées avec la publication de l'eurocode 2. La phase finale de la rédaction des Annexes françaises de la norme NF EN 1992-1-1, « Calcul des structures en béton » publiée par AFNOR en octobre 2005, a été achevée fin 2007.

## Appliquer les méthodes de calcul de l'eurocode 2

*Pratique de l'eurocode 2* présente, à partir des lois classiques de la résistance des matériaux, et après l'étude des méthodes de calcul propres à chaque sollicitation élémentaire (effort normal, effort tranchant, moment fléchissant, moment de torsion), le dimensionnement des éléments de base d'une structure en béton armé (tirant, poteau, poutre). Chaque chapitre comporte des rappels théoriques suivis d'une ou plusieurs applications traitées en détail. Les applications sont accompagnées de nombreuses informations utiles pour les calculs.

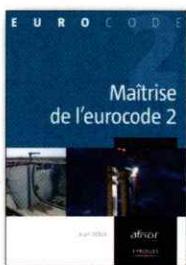
*Pratique de l'eurocode 2* est complété par *Maîtrise de l'eurocode 2* qui porte notamment sur l'étude du flambement, du poinçonnement, des déformations et de l'ouverture des fissures.

## Permettre une transition entre l'application des règles BAEL 91 et de l'eurocode 2

L'organisation de l'ouvrage s'apparente à celle de l'ouvrage *Pratique du BAEL 91* (Éditions Eyrolles), ce qui permet d'assurer la transition entre les règles françaises amenées à disparaître et l'eurocode 2 destiné à les remplacer, en y introduisant les spécificités propres à ces nouvelles règles (classes d'exposition des constructions, dispositions constructives, etc.).

- Chapitre 1 – Introduction**
- Chapitre 2 – Matériaux**
- Chapitre 3 – Béton armé - Généralités**
- Chapitre 4 – Dispositions constructives**
- Chapitre 5 – Traction simple**
- Chapitre 6 – Compression centrée**
- Chapitre 7 – Flexion simple**
- Chapitre 8 – Effort tranchant**
- Chapitre 9 – Torsion**
- Chapitre 10 – Épures de répartition des armatures longitudinales et des armatures d'âme**
- Chapitre 11 – Flexion composée**

Les fichiers relatifs à certaines annexes (calcul manuel d'une section rectangulaire avec armatures symétriques à l'ELU, vérification à l'ELU d'une section rectangulaire dont on connaît les armatures, vérification des contraintes à l'ELS pour une section quelconque en flexion composée) au format pdf sont disponibles à l'adresse suivante : [www.editions-eyrolles.com](http://www.editions-eyrolles.com)



Cet ouvrage s'adresse aux techniciens, ingénieurs, projeteurs, vérificateurs, formateurs, enseignants et étudiants... chargés de la conception, du calcul, du dimensionnement et de la justification des structures de bâtiment en béton armé.

J. Roux

Code éditeur : Eyrolles : G12044  
ISBN EYROLLES : 978-2-212-12044-8  
Code éditeur : Afnor : 3273211  
ISBN AFNOR : 978-2-273211-3

barbury-courte.com | Photos : Laurent Thibaut (edjipique.com) + Jean-Christophe Courte (9hc.net)



**afnor**  
EDITIONS

Groupe Eyrolles | Diffusion Geodif | Distribution Sodis

[www.boutique-livres.afnor.org](http://www.boutique-livres.afnor.org)

[www.editions-eyrolles.com](http://www.editions-eyrolles.com)

72 €

E U R O C O D E

# Pratique de l'eurocode 2

Guide d'application



Jean Roux

**afnor**  
ÉDITIONS

**EYROLLES**

# Table des matières

|   |           |
|---|-----------|
| <b>Avant-propos .....</b>                             | <b>1</b>  |
| 1. Présentation des eurocodes et de l'ouvrage .....   | 1         |
| 2. Références règlementaires .....                    | 2         |
| 3. Numérotation des formules .....                    | 3         |
| 4. Couleurs des figures .....                         | 4         |
| 5. Notations et symboles particuliers .....           | 4         |
| <b>Notations et symboles .....</b>                    | <b>7</b>  |
| 1. Majuscules romaines .....                          | 7         |
| 2. Minuscules romaines .....                          | 10        |
| 3. Majuscules ou minuscules grecques .....            | 14        |
| <b>1 Introduction .....</b>                           | <b>17</b> |
| 1. Rappels théoriques des unités .....                | 17        |
| 2. Principe du béton armé .....                       | 17        |
| 2.1 Principe .....                                    | 17        |
| 2.2 Exemple 1 – Poutre console .....                  | 18        |
| 2.3 Exemple 2 – Dalle encastrée sur son contour ..... | 19        |
| 3. Formes usuelles des éléments .....                 | 20        |
| 4. Les différentes méthodes de calcul .....           | 21        |
| 4.1 Calcul aux contraintes admissibles .....          | 21        |
| 4.2 Calcul à la rupture .....                         | 23        |
| 4.3 Calcul aux états limites .....                    | 23        |
| <b>2 Matériaux .....</b>                              | <b>25</b> |
| I. RAPPELS THÉORIQUES .....                           | 25        |
| 1. Aciers .....                                       | 25        |
| 1.1 Types .....                                       | 25        |
| 1.2 Caractères géométriques .....                     | 26        |
| 1.3 Caractères mécaniques .....                       | 26        |
| 1.3.1 Limite d'élasticité garantie .....              | 27        |
| 1.3.2 Diagramme contraintes-déformations .....        | 28        |
| 1.4 Caractères technologiques .....                   | 29        |
| 1.4.1 Surface relative des nervures .....             | 29        |
| 1.4.2 Autres caractères technologiques .....          | 30        |
| 2. Béton .....  | 30        |
| 2.1 Constituants .....                                | 30        |
| 2.1.1 Ciment .....                                    | 30        |

|          |  |           |
|----------|--|-----------|
| 2.1.2    | Granulats .....  | 31        |
| 2.1.3    | Eau .....  | 31        |
| 2.2      | Résistances mécaniques .....   | 31        |
| 2.2.1    | Définition de la valeur caractéristique requise d'ordre p ..   | 31        |
| 2.2.2    | Résistance caractéristique à la compression du béton .....   | 32        |
| 2.2.3    | Résistance à la traction .....   | 33        |
| 2.2.4    | Classes de résistance .....  | 35        |
| 2.2.5    | Valeurs à introduire dans les projets .....  | 36        |
| 2.3      | Déformations du béton – Incidence sur le béton armé .....  | 37        |
| 2.3.1    | Déformations spontanées .....  | 37        |
| 2.3.2    | Déformations instantanées – Courbe expérimentale<br>contraintes-déformations ( $\sigma_{bc}$ - $\epsilon_{bc}$ ) ..... | 41        |
| 2.3.3    | Déformations lentes sous charges de longue durée .....   | 43        |
| 2.3.4    | Déformations transversales – Coefficient de Poisson .....  | 48        |
| II.      | APPLICATION .....  | 49        |
|          | Détermination du coefficient de fluage et des modules<br>d'élasticité du béton .....                                   | 49        |
|          | –Énoncé– .....   | 49        |
|          | –Corrigé– .....  | 49        |
| <b>3</b> | <b>Béton armé – Généralités .....</b>  | <b>53</b> |
| I.       | RAPPELS THÉORIQUES .....   | 53        |
| 1.       | Actions et sollicitations .....  | 53        |
| 1.1      | Terminologie .....   | 53        |
| 1.2      | Actions .....  | 53        |
| 1.3      | Combinaisons d'actions .....   | 56        |
| 1.3.1    | Généralités .....  | 56        |
| 1.3.2    | Notations .....  | 57        |
| 1.3.3    | Sollicitations de calcul vis-à-vis des états limites<br>ultimes .....  | 57        |
| 1.3.4    | Sollicitations de calcul vis-à-vis des états limites<br>de service .....   | 59        |
| 1.3.5    | Simplifications pour les dispositions de chargement<br>pour les bâtiments .....  | 59        |
| 1.3.6    | Remarques importantes .....  | 60        |
| 2.       | Hypothèses et données pour le calcul du béton armé .....   | 61        |
| 2.1      | Introduction .....   | 61        |
| 2.2      | Hypothèses générales valables pour tous les états limites .....  | 63        |
| 2.3      | Hypothèses supplémentaires pour les états limites<br>de service (ELS) .....  | 64        |
| 2.3.1    | Hypothèses supplémentaires .....   | 64        |
| 2.3.2    | Sections homogènes et sections homogènes réduites .....  | 64        |
| 2.3.3    | Coefficient d'équivalence .....  | 65        |
| 2.3.4    | Limitation de la contrainte de compression du béton .....  | 65        |
| 2.3.5    | Limitation de la contrainte de traction de l'acier .....   | 66        |
| 2.3.6    | Calcul des contraintes .....   | 66        |
| 2.3.7    | États limites de fissuration .....   | 67        |

|   |           |
|---|-----------|
| 2.4 Hypothèses supplémentaires pour l'état limite ultime de résistance (ELU) .....                        | 67        |
| 2.4.1 Hypothèses supplémentaires .....  | 67        |
| 2.4.2 Diagrammes contraintes-déformations de calcul .....   | 69        |
| <b>4 Dispositions constructives .....</b>   | <b>75</b> |
| <b>1. RAPPELS THÉORIQUES .....</b>  | <b>75</b> |
| 1. Généralités .....  | 75        |
| 1.1 Définitions .....   | 75        |
| 1.2 Classes d'exposition en fonction des conditions d'environnement .....                                 | 75        |
| 2. Disposition des armatures .....  | 76        |
| 2.1 Enrobage .....  | 76        |
| 2.2 Enrobage minimal .....  | 76        |
| 2.2.1 Enrobage minimal $c_{min,b}$ requis vis-à-vis de l'adhérence ..                                     | 77        |
| 2.2.2 Enrobage minimal $c_{min,dur}$ vis-à-vis des conditions d'environnement .....                       | 77        |
| 2.2.3 Marge de sécurité $\Delta c_{dur,y}$ .....  | 78        |
| 2.2.4 Réduction $\Delta c_{dur,st}$ de l'enrobage minimal dans le cas d'acier inoxydable .....            | 78        |
| 2.2.5 Réduction $\Delta c_{dur,add}$ de l'enrobage minimal dans le cas de protection supplémentaire ..... | 78        |
| 2.2.6 Prise en compte des tolérances d'exécution .....  | 79        |
| 2.3 Distances entre barres .....  | 79        |
| 3. Contrainte d'adhérence .....   | 81        |
| 3.1 Adhérence des barres droites .....  | 81        |
| 3.1.1 Définition .....  | 81        |
| 3.1.2 Faits expérimentaux – Théorie de M. Caquot .....  | 81        |
| 3.1.3 Facteurs dont dépend l'adhérence .....  | 82        |
| 3.2 Conditions d'adhérence .....  | 83        |
| 3.3 Contrainte d'adhérence moyenne .....  | 84        |
| 3.4 Contrainte ultime d'adhérence .....   | 85        |
| 3.5 Anchorage des barres droites tendues isolées .....  | 86        |
| 3.6 Longueur « de scellement droit » .....  | 87        |
| 3.7 Longueur d'ancre « de référence » .....   | 87        |
| 3.8 Longueur d'ancre « de calcul » .....  | 88        |
| 3.9 Adhérence des barres courbes .....  | 91        |
| 3.9.1 Introduction .....  | 91        |
| 3.9.2 Hypothèses .....  | 91        |
| 3.9.3 Adhérence des barres courbes .....  | 94        |
| 4. Anchorage des barres .....   | 94        |
| 4.1 Types d'ancrages d'extrémité .....  | 94        |
| 4.2 Rayons de courbure de l'axe des barres .....  | 96        |
| 4.3 Anchorage total des cadres, étriers et épingle .....  | 97        |
| 5. Ancrages au moyen de barres soudées .....  | 99        |
| 5.1 Cas d'une barre transversale de diamètre $14 \text{ mm} \leq \phi_t \leq 32 \text{ mm}$ .....         | 99        |
| 5.2 Cas d'une barre transversale de diamètre $\phi_t \leq 12 \text{ mm}$ .....                            | 100       |

|          |  |            |
|----------|--|------------|
| 5.3      | Cas de deux barres transversales soudées .....                     | 101        |
| 5.3.1    | Cas où $14 \text{ mm} \leq \phi_t \leq 32 \text{ mm}$ .....        | 101        |
| 5.3.2    | Cas où $\phi_t \leq 12 \text{ mm}$ .....                           | 101        |
| 6.       | Efforts exercés par une barre courbe sur le béton .....            | 101        |
| 6.1      | Introduction .....   | 101        |
| 6.2      | Risque de poussée au vide .....                                    | 102        |
| 6.3      | Risque d'écrasement du béton .....                                 | 103        |
| 7.       | Jonctions par recouvrement .....                                   | 103        |
| 7.1      | Recouvrement des barres .....                                      | 103        |
| 7.1.1    | Transmission des efforts .....                                     | 103        |
| 7.1.2    | Longueur de recouvrement $l_0$ .....                               | 104        |
| 7.1.3    | Couture des recouvrements .....                                    | 106        |
| 7.1.4    | Barres couvre-joints – Jonctions par chaînage .....                | 107        |
| 7.2      | Ancrages et recouvrement des treillis soudés .....                 | 108        |
| 7.2.1    | Définition .....   | 108        |
| 7.2.2    | Dispositions des recouvrements .....                               | 109        |
| 8.       | Paquets de barres .....  | 111        |
| 8.1      | Généralités .....  | 111        |
| 8.2      | Ancrages des paquets de barres .....                               | 111        |
| 8.3      | Recouvrement des paquets de barres .....                           | 112        |
| 8.3.1    | Cas des paquets de deux barres avec $\phi_n < 32 \text{ mm}$ ..... | 112        |
| 8.3.2    | Autres cas .....   | 112        |
| 9.       | Règles supplémentaires pour les barres de gros diamètre .....      | 113        |
| 10.      | Armatures de peau .....  | 114        |
| 10.1     | Utilité .....  | 114        |
| 10.2     | Constitution .....   | 114        |
| 10.3     | Sections et tracés .....   | 114        |
| II.      | APPLICATIONS .....   | 116        |
|          | Application n° 1 : enrobages .....                                 | 116        |
|          | –Énoncé– .....   | 116        |
|          | –Corrigé– .....  | 116        |
|          | Application n° 2 : longueur d'ancrage .....                        | 119        |
|          | –Énoncé– .....   | 119        |
|          | –Corrigé– .....  | 119        |
|          | Application n° 3 : longueur de recouvrement .....                  | 124        |
|          | –Énoncé– .....   | 124        |
|          | –Corrigé– .....  | 124        |
| <b>5</b> | <b>Traction simple .....</b>                                       | <b>129</b> |
| I.       | RAPPELS THÉORIQUES .....   | 129        |
| 1.       | Introduction .....   | 129        |
| 2.       | Dimensionnement des armatures .....                                | 129        |
| 2.1      | Énoncé du problème .....   | 129        |
| 2.2      | Dimensionnement à l'ELU .....                                      | 130        |
| 2.3      | Dimensionnement à l'ELS .....                                      | 130        |
| 2.3.1    | Contraintes-limites des aciers tendus .....                        | 130        |

|  |            |
|--|------------|
| 2.3.2 Section d'armatures .....  | 131        |
| 2.3.3 Remarque – État limite déterminant pour le calcul<br>des armatures ..... | 131        |
| 3. Vérification des contraintes .....  | 132        |
| 3.1 Données .....  | 132        |
| 3.2 Vérification .....   | 132        |
| 4. Détermination du coffrage .....   | 133        |
| 5. Maîtrise de la fissuration .....  | 133        |
| 5.1 Cas où la maîtrise de la fissuration n'est pas requise .....               | 133        |
| 5.2 Cas où la maîtrise de la fissuration est requise .....                     | 134        |
| 6. Armatures transversales .....   | 134        |
| 6.1 En zone courante .....   | 134        |
| 6.2 En zone de recouvrement .....  | 134        |
| 6.2.1 Contrainte ultime d'adhérence .....                                      | 134        |
| 6.2.2 Longueurs d'ancre .....  | 135        |
| 6.2.3 Longueur de recouvrement .....   | 135        |
| 6.2.4 Armatures transversales .....  | 137        |
| II. APPLICATIONS .....   | 138        |
| Application n° 1 : tirant – armatures .....                                    | 138        |
| –Énoncé– .....   | 138        |
| –Corrigé– .....  | 139        |
| Application n° 2 : tirant – armatures et coffrage .....                        | 146        |
| –Énoncé– .....   | 146        |
| –Corrigé– .....  | 146        |
| <b>6 Compression centrée .....</b>   | <b>151</b> |
| I. RAPPELS THÉORIQUES .....  | 151        |
| 1. Hypothèses .....  | 151        |
| 2. Élancement .....  | 154        |
| 2.1 Longueur efficace $l_0$ .....  | 154        |
| 2.2 Élancement .....   | 156        |
| 2.2.1 Cas général .....  | 157        |
| 2.2.2 Cas particuliers .....   | 157        |
| 3. Armatures longitudinales .....  | 158        |
| 3.1 Force portante .....   | 158        |
| 3.2 Armatures longitudinales .....   | 159        |
| 3.2.1 Armatures calculées .....  | 159        |
| 3.2.2 Sections extrêmes .....  | 159        |
| 3.2.3 Dispositions constructives .....   | 160        |
| 4. Armatures transversales .....   | 161        |
| 4.1 Diamètres .....  | 162        |
| 4.2 Espacements .....  | 162        |
| 4.2.1 En zone courante .....   | 162        |
| 4.2.2 En zone de recouvrement ou de liaison<br>avec d'autres éléments .....    | 162        |
| 5. Coffrage .....  | 166        |

|  |            |
|--|------------|
| II. APPLICATION .....  | 166        |
| Application : poteau – coffrage et armatures .....                                   | 166        |
| -Énoncé- .....   | 166        |
| -Corrigé- .....  | 167        |
| <b>7 Flexion simple .....</b>  | <b>175</b> |
| I. RAPPELS THÉORIQUES .....  | 175        |
| 1. Introduction .....  | 175        |
| 1.1 Définitions .....  | 175        |
| 1.2 Données générales .....  | 176        |
| 1.2.1 Notations et terminologie .....  | 176        |
| 1.2.2 Principes généraux de calcul .....   | 177        |
| 1.2.3 Équations générales .....  | 178        |
| 2. Section rectangulaire sans aciers comprimés .....                                 | 180        |
| 2.1 Dimensionnement à l'état limite ultime .....                                     | 180        |
| 2.1.1 Coefficients de remplissage et de centre de gravité .....                      | 180        |
| 2.1.2 Diagramme parabole-rectangle et rectangulaire simplifié .....                  | 181        |
| 2.1.3 Moment frontière $M_{AB}$ .....  | 185        |
| 2.1.4 Dimensionnement de $A_{sl,u}$ à l'ELU .....                                    | 187        |
| 2.1.5 Méthode de calcul dans le cas d'un diagramme d'acier à palier incliné .....    | 187        |
| 2.1.6 Méthode de calcul dans le cas d'un diagramme d'acier à palier horizontal ..... | 189        |
| 2.2 Dimensionnement à l'état limite de service par compression du béton .....        | 190        |
| 2.2.1 Hypothèses .....   | 190        |
| 2.2.2 Dimensionnement de $A_{sl,ser}$ à l'ELS .....                                  | 190        |
| 2.3 Notion de moment limite .....  | 192        |
| 2.3.1 Cas où la contrainte de compression du béton est limitée .....                 | 192        |
| 2.3.2 Cas où la contrainte de compression du béton n'est pas limitée .....           | 196        |
| 2.4 Conclusion .....   | 197        |
| 3. Section rectangulaire avec aciers comprimés .....                                 | 198        |
| 3.1 Cas où la contrainte de compression du béton est limitée .....                   | 198        |
| 3.1.1 Préambule .....  | 198        |
| 3.1.2 Hypothèses .....   | 198        |
| 3.1.3 Remarques préliminaires importantes .....                                      | 200        |
| 3.1.4 Calcul des aciers comprimés dans le cas où ceux-ci ne sont pas imposés .....   | 201        |
| 3.1.5 Calcul des aciers tendus .....   | 202        |
| 3.2 Cas où la contrainte de compression du béton n'est pas limitée ....              | 205        |
| 3.2.1 Calcul des aciers comprimés dans le cas où ceux-ci ne sont pas imposés .....   | 205        |
| 3.2.2 Calcul des aciers tendus .....   | 206        |
| 3.3 Formules approchées pour l'ELU .....   | 208        |
| 3.3.1 Bras de levier $z_c$ à l'ELU .....   | 208        |

|        |   |     |
|--------|---|-----|
| 3.3.2  | Moment limite $\mu_{lu}$ lorsque la contrainte de compression du béton est limitée .....                            | 209 |
| 3.3.3  | Contrainte équivalente des aciers comprimés à l'ELU lorsque la contrainte de compression du béton est limitée ..... | 210 |
| 3.3.4  | Contrainte équivalente des aciers tendus A1 lorsque la contrainte de compression du béton est limitée .....         | 213 |
| 4.     | Section rectangulaire dimensionnée à l'état limite de service par limitation des contraintes .....                  | 214 |
| 4.1    | État limite de service par limitation des contraintes .....   | 214 |
| 4.2    | Notion de moment résistant béton : $M_{rc}$ .....   | 215 |
| 4.3    | Calcul des armatures .....  | 215 |
| 4.3.1  | Cas où $M_{ser} \leq M_{rc}$ .....  | 215 |
| 4.3.2  | Cas où $M_{ser} > M_{rc}$ et où $A_{s2}$ n'est pas imposée .....  | 218 |
| 4.3.3  | Calcul des aciers tendus lorsque $A_{s2}$ est imposée .....   | 219 |
| 4.4    | Conclusion .....  | 220 |
| 5.     | Coffrage des sections rectangulaires .....  | 220 |
| 6.     | Sections en T .....   | 221 |
| 6.1    | Introduction .....  | 221 |
| 6.2    | Largeur de table à prendre en compte .....  | 221 |
| 6.3    | Dimensionnement à l'ELU .....   | 221 |
| 6.3.1  | Moment de référence .....   | 221 |
| 6.3.2  | Calcul des armatures .....  | 222 |
| 6.4    | Dimensionnement à l'ELS .....   | 224 |
| 6.4.1  | Moment de référence .....   | 224 |
| 6.4.2  | Calcul de $A_{s1, ser}$ .....   | 225 |
| 7.     | Pourcentage minimal d'armatures .....   | 226 |
| 8.     | Vérification des contraintes à l'ELS .....  | 227 |
| 8.1    | Introduction .....  | 227 |
| 8.2    | Contraintes dans la section non fissurée .....  | 227 |
| 8.2.1  | Cas des sections en T .....   | 227 |
| 8.2.2  | Cas des sections rectangulaires .....   | 228 |
| 8.3    | Contraintes dans la section fissurée .....  | 229 |
| 8.3.1  | Position de l'axe neutre .....  | 229 |
| 8.3.2  | Calcul des contraintes .....  | 230 |
| 9.     | Organigrammes récapitulatifs pour les sections rectangulaires ou en T .....   | 232 |
| 9.1.   | Dimensionnement des armatures à l'ELU .....   | 232 |
| 9.1.1. | Cas où la contrainte de compression du béton est limitée à l'ELS .....  | 232 |
| 9.1.2. | Cas où la contrainte de compression du béton n'est pas limitée à l'ELS .....  | 239 |
| 9.2.   | Dimensionnement des armatures à l'ELS .....   | 242 |
| 9.3.   | Vérification des contraintes à l'ELS .....  | 243 |

|  |            |
|--|------------|
| <b>II. APPLICATIONS .....</b>  | <b>246</b> |
| Application n° 1 : section rectangulaire sans aciers comprimés –                           |            |
| Calcul des armatures à l'ELU et à l'ELS .....  | 246        |
| -Énoncé- .....   | 246        |
| -Corrigé- .....  | 247        |
| Application n° 2 : section rectangulaire sans aciers comprimés –                           |            |
| Notion de moment limite ultime .....   | 253        |
| -Énoncé- .....   | 253        |
| -Corrigé- .....  | 253        |
| Application n° 3 : section rectangulaire sans aciers comprimés –                           |            |
| Vérification des contraintes à l'ELS .....   | 260        |
| -Énoncé- .....   | 260        |
| -Corrigé- .....  | 260        |
| Application n° 4 : section rectangulaire avec aciers comprimés ...                         | 266        |
| -Énoncé- .....   | 266        |
| -Corrigé- .....  | 267        |
| Application n° 5 : section à table de compression .....                                    | 275        |
| -Énoncé- .....   | 275        |
| -Corrigé- .....  | 276        |
| Application n° 6 : poutre à talon .....  | 283        |
| -Énoncé- .....   | 283        |
| -Corrigé- .....  | 284        |
| <b>8 Effort tranchant .....</b>  | <b>293</b> |
| <b>I. RAPPELS THÉORIQUES .....</b>   | <b>293</b> |
| 1. Contraintes engendrées par l'effort tranchant .....                                     | 293        |
| 1.1 Introduction .....   | 293        |
| 1.1.1 Effort de glissement .....   | 293        |
| 1.1.2 Contraintes tangentes .....  | 294        |
| 1.1.3 Bras de levier des forces élastiques .....   | 295        |
| 1.2 Contraintes tangentes sur un plan perpendiculaire<br>au plan moyen .....               | 295        |
| 1.3 Effet des contraintes tangentes .....  | 297        |
| 2. Équations pour le calcul des armatures d'effort tranchant .....                         | 299        |
| 2.1 Théorie du treillis de Mörsch .....  | 299        |
| 2.1.1 Introduction .....   | 299        |
| 2.1.2 Règle des coutures généralisée .....   | 299        |
| 2.1.3 État limite ultime par écrasement des bielles de béton ....                          | 301        |
| 2.1.4 État limite ultime par traction excessive des armatures<br>d'âme .....               | 302        |
| 2.1.5 Règle du décalage .....  | 304        |
| 2.2 Efforts tranchants de référence .....  | 306        |
| 2.3 Prise en compte des phénomènes de transmission directe<br>des charges aux appuis ..... | 307        |
| 2.3.1 Cas des charges réparties .....  | 307        |
| 2.3.2 Cas des charges concentrées .....  | 308        |

|       |  |     |
|-------|--|-----|
| 3.    | Éléments pour lesquels aucune armature d'effort tranchant n'est requise .....              | 309 |
| 3.1   | Éléments non concernés .....   | 309 |
| 3.2   | Valeur des efforts tranchants de référence .....   | 309 |
| 3.2.1 | Calcul de $V_{Rd,c}$ .....   | 309 |
| 3.2.2 | Calcul de $V_{Rd,max}$ lorsque les armatures d'effort tranchant ne sont pas requises ..... | 311 |
| 3.2.3 | Force de traction dans l'armature longitudinale .....                                      | 312 |
| 3.3   | Vérifications .....  | 312 |
| 3.3.1 | Nécessité de prévoir des armatures d'effort tranchant .....                                | 312 |
| 3.3.2 | Vérification de la compression des bielles de béton .....                                  | 313 |
| 3.4   | Pourcentage minimal d'armatures transversales .....  | 313 |
| 4.    | Éléments de hauteur constante nécessitant des armatures d'effort tranchant .....           | 314 |
| 4.1   | Valeur de $V_{Rd,c}$ lorsque les armatures d'âme sont nécessaires .....                    | 314 |
| 4.2   | Vérification .....   | 314 |
| 4.3   | Principe de la méthode de calcul .....   | 315 |
| 4.4   | Méthode de l'inclinaison variable des bielles .....  | 315 |
| 4.4.1 | Introduction .....   | 315 |
| 4.4.2 | Vérification de la compression des bielles de béton .....                                  | 315 |
| 4.4.3 | Armatures d'effort tranchant .....   | 316 |
| 4.4.4 | Pourcentage minimal d'armatures transversales .....  | 317 |
| 4.4.5 | Vérification complémentaire pour les charges concentrées au voisinage des appuis .....     | 318 |
| 4.4.6 | Force de traction dans l'armature longitudinale .....                                      | 318 |
| 4.4.7 | Marche à suivre .....  | 319 |
| 4.5   | Méthode standard – Bielles inclinées à 45° .....   | 320 |
| 4.5.1 | Vérification de la compression des bielles de béton .....                                  | 320 |
| 4.5.2 | Armatures d'effort tranchant .....   | 320 |
| 4.5.3 | Force de traction dans l'armature longitudinale .....                                      | 322 |
| 4.6   | Comparaison des deux méthodes .....  | 322 |
| 5.    | Éléments de hauteur variable .....   | 323 |
| 6.    | Dispositions constructives .....   | 324 |
| 6.1   | Inclinaison des armatures d'effort tranchant .....   | 324 |
| 6.2   | Tracé des armatures d'âme .....  | 324 |
| 6.3   | Espacements .....  | 325 |
| 6.3.1 | Espacement longitudinal maximal .....  | 325 |
| 6.3.2 | Espacement transversal maximal .....   | 325 |
| 7.    | Barres relevées à 45° .....  | 326 |
| 7.1   | Vérification de la compression des bielles de béton .....                                  | 326 |
| 7.2   | Armatures calculées .....  | 327 |
| 8.    | Répartition des armatures transversales (méthode Caquot) .....                             | 329 |
| 8.1   | Hypothèses .....   | 329 |
| 8.2   | Notations .....  | 329 |
| 8.3   | Méthode Caquot .....   | 330 |
| 8.4   | Cas des travées continues .....  | 331 |
| 8.4.1 | Rappels de résistance des matériaux .....  | 331 |

|  |            |
|--|------------|
| 8.4.2 Répartition des armatures d'âme .....  | 331        |
| 9. Zones d'application des efforts .....   | 332        |
| 9.1 Armatures inférieures tendues sur appui simple d'about .....   | 332        |
| 9.1.1 Section d'armatures inférieures .....  | 332        |
| 9.1.2 Anchorage de l'armature inférieure sur un appui simple<br>d'about .....                            | 334        |
| 9.2 Équilibre de la bielle de béton sur appui simple d'about .....                                       | 334        |
| 9.3 Armature inférieure tendue sur appui intermédiaire .....   | 335        |
| 10. Jonction hourdis-nervure .....   | 336        |
| 10.1 Introduction .....  | 336        |
| 10.2 Vérification de la compression des bielles de béton .....   | 339        |
| 10.3 Armatures de couture .....  | 340        |
| 10.4 Anchorage des armatures longitudinales supérieures tendues .....                                    | 342        |
| 10.5 Interaction entre effort tranchant et flexion transversale<br>pour les ponts .....                  | 343        |
| 11. Poutres à talon .....  | 344        |
| 12. Organigramme récapitulatif pour le calcul des armatures d'âme .                                      | 345        |
| <b>II. APPLICATIONS .....</b>  | <b>352</b> |
| Application n° 1 : armatures d'effort tranchant – charges<br>réparties .....                             | 352        |
| –Énoncé– .....   | 352        |
| –Corrigé– .....  | 353        |
| Application n° 2 : armatures d'effort tranchant – Méthode<br>de l'inclinaison variable des bielles ..... | 369        |
| –Énoncé– .....   | 369        |
| –Corrigé– .....  | 370        |
| Application n° 3 : poutre à talon .....  | 380        |
| –Énoncé– .....   | 380        |
| –Corrigé– .....  | 381        |
| <b>9 Torsion .....</b>   | <b>393</b> |
| <b>I. RAPPELS THÉORIQUES .....</b>   | <b>393</b> |
| 1. Rappels de résistance des matériaux .....   | 393        |
| 1.1 Contraintes engendrées par un couple de torsion .....  | 393        |
| 1.2 Torsion des profils creux .....  | 394        |
| 1.2.1 Flux du vecteur contrainte .....   | 394        |
| 1.2.2 Valeur de la contrainte tangente .....   | 395        |
| 1.2.3 Rigidité à la torsion d'un profil creux .....  | 395        |
| 1.3 Torsion d'équilibre et torsion de compatibilité .....  | 396        |
| 2. Sections à considérer .....   | 397        |
| 2.1 Cas des sections creuses .....   | 397        |
| 2.2 Cas des sections pleines .....   | 397        |
| 2.3 Cas des sections de forme complexe .....   | 398        |
| 3. Principes de la justification à la torsion .....  | 399        |
| 3.1 Couples de torsion résistants .....  | 399        |
| 3.2 Principe de la justification .....   | 400        |

|           |  |            |
|-----------|--|------------|
| 4.        | Vérification de la compression des bielles de béton .....                                  | 401        |
| 5.        | Armatures .....  | 402        |
| 5.1       | Armatures transversales .....  | 402        |
| 5.1.1     | Calcul des armatures .....   | 402        |
| 5.1.2     | Dispositions constructives .....   | 403        |
| 5.2       | Armatures longitudinales .....   | 404        |
| 5.2.1     | Calcul des armatures .....   | 404        |
| 5.2.2     | Dispositions constructives .....   | 405        |
| 5.2.3     | Remarque – Torsion combinée à une flexion simple<br>ou composée .....                      | 405        |
| 6.        | Sollicitations combinées .....   | 406        |
| 6.1       | Cas général .....  | 407        |
| 6.2       | Cas des sections pleines quasi rectangulaires .....  | 407        |
| 6.3       | Remarque .....   | 408        |
| II.       | APPLICATIONS .....   | 409        |
|           | Application n° 1 : poutre supportant un auvent .....                                       | 409        |
|           | –Enoncé– .....   | 409        |
|           | –Corrigé– .....  | 410        |
|           | Application n° 2 : torsion dans un tablier de pont courbe .....                            | 421        |
|           | –Enoncé– .....   | 421        |
|           | –Corrigé– .....  | 422        |
| <b>10</b> | <b>Épures de répartition des armatures longitudinales<br/>et des armatures d'âme .....</b> | <b>431</b> |
| I.        | RAPPELS THÉORIQUES .....   | 431        |
| 1.        | Introduction .....   | 431        |
| 2.        | Répartition des armatures longitudinales .....   | 431        |
| 2.1       | Moment maximal admissible d'un groupe de barres<br>longitudinales .....                    | 431        |
| 2.1.1     | État limite ultime .....   | 432        |
| 2.1.2     | État limite de service par limitation des contraintes .....                                | 432        |
| 2.2       | Arrêt des barres .....   | 432        |
| 2.3       | Diagramme des moments admissibles .....  | 433        |
| 2.4       | Règle du décalage .....  | 435        |
| 2.5       | Épure d'arrêt des armatures longitudinales .....   | 436        |
| 2.5.1     | Principes .....  | 436        |
| 2.5.2     | Arrêt des armatures inférieures .....  | 436        |
| 2.5.3     | Arrêt des armatures supérieures .....  | 437        |
| 2.5.4     | Remarques .....  | 437        |
| 2.5.5     | Exemple de diagramme de type I .....   | 438        |
| 2.5.6     | Remarques complémentaires .....  | 438        |
| 3.        | Répartition des armatures d'âme .....  | 440        |
| 3.1       | Cas des poutres de section constante soumises<br>à des charges uniformes .....             | 440        |
| 3.2       | Cas général .....  | 440        |

|   |            |
|---|------------|
| <b>11 Flexion composée .....</b>  | <b>443</b> |
| I. RAPPELS THÉORIQUES .....   | 443        |
| 1. Généralités – Introduction .....   | 443        |
| 1.1 Généralités .....   | 443        |
| 1.2 Prise en compte des imperfections géométriques et des effets du second ordre en flexion-compression à l'ELU ..... | 445        |
| 1.2.1 Imperfections géométriques .....  | 445        |
| 1.2.2 Effets du second ordre .....  | 446        |
| 2. Sections partiellement tendues .....   | 449        |
| 2.1 Domaine d'application .....   | 449        |
| 2.1.1 À l'ELS .....   | 449        |
| 2.1.2 À l'ELU .....   | 450        |
| 2.2 Calcul des armatures .....  | 452        |
| 2.2.1 Méthode de calcul .....   | 452        |
| 2.2.2 Technique du calcul .....   | 453        |
| 2.2.3 Remarques .....   | 453        |
| 2.2.4 Positions relatives de $A_{s1}$ , $G_0$ et $C$ .....  | 454        |
| 2.2.5 Cas des sections rectangulaires .....   | 454        |
| 2.2.6 Section en T à l'ELU .....  | 456        |
| 2.3 Section minimale d'armatures .....  | 458        |
| 2.3.1 Cas général .....   | 458        |
| 2.3.2 Cas où la maîtrise de la fissuration est requise – Calcul rigoureux .....                                       | 459        |
| 2.4 Calcul des contraintes à l'ELS .....  | 463        |
| 2.4.1 Introduction .....  | 463        |
| 2.4.2 Contraintes dans la section non fissurée .....  | 463        |
| 2.4.3 Contraintes dans la section fissurée .....  | 466        |
| 3. Sections entièrement tendues .....   | 470        |
| 3.1 Domaine d'application .....   | 470        |
| 3.2 Calcul des armatures .....  | 470        |
| 3.3 Section minimale .....  | 471        |
| 3.4 Vérification des contraintes à l'ELS .....  | 472        |
| 4. Sections entièrement comprimées .....  | 472        |
| 4.1 Domaine d'application .....   | 472        |
| 4.1.1 À l'ELS .....   | 472        |
| 4.1.2 À l'ELU .....   | 473        |
| 4.2 Calcul des armatures .....  | 473        |
| 4.2.1 Dimensionnement à l'ELU .....   | 473        |
| 4.2.2 Dimensionnement à l'ELS .....   | 473        |
| 4.3 Sections extrêmes .....   | 474        |
| 5. Diagrammes d'interaction .....   | 474        |
| 5.1 Équations .....   | 475        |
| 5.2 Discussion .....  | 476        |
| 5.2.1 Cas où $x$ est égal à moins l'infini .....  | 476        |
| 5.2.2 Cas où $x$ est égal à plus l'infini .....   | 477        |
| 5.2.3 Cas où $N_i = 0$ .....  | 478        |
| 5.2.4 Cas de la flexion inverse .....   | 478        |

|       |  |     |
|-------|--|-----|
| 5.3   | Courbe d'interaction .....   | 478 |
| 5.4   | Tracé des diagrammes d'interaction .....   | 479 |
| 5.5   | Propriétés des diagrammes d'interaction .....  | 479 |
| 5.6   | Application à la détermination des armatures pour les sections<br>rectangulaires ..... | 481 |
| 5.6.1 | Données .....  | 481 |
| 5.6.2 | Mode opératoire .....  | 482 |
| 5.7   | Application à la vérification des sections rectangulaires .....                        | 483 |
| 5.7.1 | Données .....  | 483 |
| 5.7.2 | Mode opératoire .....  | 483 |
| 5.8   | Exemples de diagrammes d'interaction .....   | 485 |
| II.   | APPLICATIONS .....   | 487 |
|       | Application n° 1 : flexion-compression – Section partiellement<br>tendue .....         | 487 |
|       | -Énoncé- .....   | 487 |
|       | -Corrigé- .....  | 488 |
|       | Application n° 2 : flexion-traction – Section partiellement<br>tendue .....            | 498 |
|       | -Énoncé- .....   | 498 |
|       | -Corrigé- .....  | 499 |
|       | Application n° 3 : flexion-traction – Section entièrement<br>tendue .....              | 505 |
|       | -Énoncé- .....   | 505 |
|       | -Corrigé- .....  | 505 |

## Annexes

|           |  |     |
|-----------|--|-----|
| <b>A1</b> | Déformations relatives finales de retrait<br>dans le cas courant d'un béton de classe C25/30 ..... | 511 |
| <b>A2</b> | Flexion simple – Tableaux des moments limites<br>ultimes réduits .....                             | 513 |
| 1.        | Diagrammes $\sigma$ - $\epsilon$ d'acierts à palier incliné .....                                  | 514 |
| 2.        | Diagrammes $\sigma$ - $\epsilon$ d'acierts à palier horizontal .....                               | 520 |
| <b>A3</b> | Flexion composée – Moment limite ultime .....  | 523 |
| 1.        | Introduction .....   | 523 |
| 2.        | Équations utilisées .....  | 524 |
| 2.1       | Équilibre des forces à l'ELU .....   | 524 |
| 2.2       | Effort normal réduit de service .....  | 525 |
| 2.3       | Équilibre des forces à l'ELS .....   | 526 |
| 2.4       | Moment réduit de service .....   | 527 |
| 2.5       | Moment réduit ultime .....   | 527 |
| 2.6       | Principe du calcul .....   | 527 |
| 3.        | Organigramme de calcul .....   | 528 |
| 4.        | Tableaux des moments limites ultimes en flexion composée .....                                     | 530 |