

# TECHNOSUP

Les FILIÈRES TECHNOLOGIQUES des ENSEIGNEMENTS SUPÉRIEURS

IUT - BTS

## Mathématiques IUT GEII 1<sup>re</sup> année

Cours, applications, exercices et problèmes corrigés

Frédéric GUEGNARD Marc BOURCERIE



**La côte de l'ouvrage : 2-510-225**

# Table des matières

<b>Chapitre I Trigonométrie .....</b>	1
1. Préliminaires.....	1
2. Définitions .....	2
3. Propriétés remarquables .....	3
4. Fonctions trigonométriques .....	4
5. Equations et transformations .....	6
6. Résumé de cours.....	8
7. Arbres de raisonnement.....	9
8. Exercices corrigés .....	11
9. Problèmes de synthèse corrigés.....	18
<b>Chapitre II Les nombres complexes .....</b>	23
1. Préliminaires.....	23
2. Les formes des nombres complexes .....	24
3. Formules d'Euler et de Moivre .....	27
4. Interprétations géométrique.....	29
5. Racines n-ièmes d'un nombre complexe .....	31
6. Résumé de cours.....	34
7. Arbres de raisonnement.....	35
8. Exercices corrigés .....	38
9. Problèmes de synthèse corrigés.....	50
<b>Chapitre III Etude de fonctions .....</b>	53
1. Préliminaires.....	53
2. Méthodologie d'étude .....	54
3. Domaine de définition .....	54
4. Domaine d'étude .....	55
5. Etude aux limites .....	57
6. Comportements asymptotiques .....	59
7. Sens de variation .....	60
8. Dérivée d'une fonction .....	61
9. Tableau de variation .....	65
10. Transformations .....	67
11. Résumé de cours.....	69
12. Arbre de raisonnement .....	71
13. Exercices corrigés .....	72
14. Problèmes de synthèse corrigés.....	81

<b>Chapitre IV Fonctions usuelles .....</b>	85
1. Préliminaires.....	85
2. Fonction polynomiale.....	86
3. Fonction racine .....	89
4. Fonction exponentielle .....	90
5. Fonction logarithme népérien.....	91
6. Fonction logarithme décimal.....	92
7. Fonctions trigonométriques reciproques .....	93
8. Résumé de cours.....	96
9. Arbre de raisonnement .....	98
10. Exercices corrigés .....	99
11. Problèmes de synthèse corrigé.....	107
<b>Chapitre V Opérations sur les polynômes .....</b>	115
1. Préliminaires.....	115
2. Définitions .....	116
3. La division euclidienne .....	116
4. La division euclidienne par $(x - a)$ .....	117
5. Divisibilité, racines et multiplicité, irréductibilité .....	118
6. Factorisation des polynômes .....	119
7. Résumé de cours.....	121
8. Arbre de raisonnement .....	122
9. Exercices .....	124
10. Problèmes de synthèse corrigés.....	127
<b>Chapitre VI Les fractions rationnelles .....</b>	129
1. Préliminaires.....	129
2. Définitions .....	129
3. Décompositions en éléments simples.....	130
4. Quelques méthodes de calcul des coefficients .....	133
5. Résumé de cours.....	137
6. Arbre de raisonnement .....	138
7. Exercices corrigés .....	140
8. Problèmes de synthèse corrigés.....	142
<b>Chapitre VII Primitivation .....</b>	145
1. Préliminaires.....	145
2. Intégrale.....	146
3. Primitive .....	148
4. Primitives usuelles et spécifiques.....	148
5. Primitives de fonctions composées .....	150

6.	Valeur moyenne – valeur efficace .....	151
7.	Résumé de cours.....	153
8.	Arbre de raisonnement .....	155
9.	Exercices corrigés .....	156
10.	Problèmes de synthèse corrigés.....	167
	<b>Chapitre VIII Techniques d'intégration .....</b>	<b>171</b>
1.	Préliminaires.....	171
2.	Linéarisation de fonctions trigonométriques.....	171
3.	Changement de variables .....	172
4.	Intégration par parties.....	174
5.	Décomposition en éléments simples .....	176
6.	Résumé de cours.....	181
7.	Arbre de raisonnement .....	183
8.	Exercices .....	184
9.	Problèmes de synthèse corrigés.....	193
	<b>Chapitre IX Equations différentielles .....</b>	<b>197</b>
1.	Préliminaires.....	197
2.	Définitions .....	198
3.	Méthodes de résolution .....	199
4.	Résumé de cours.....	206
5.	Arbres de raisonnement.....	208
6.	Exercices corrigés .....	211
7.	Problème préparatoire au chapitre X .....	218
	<b>Chapitre X Transformée de Laplace .....</b>	<b>221</b>
1.	Préliminaires.....	221
2.	Présentation .....	222
3.	Transformées usuelles .....	226
4.	Transformée de Laplace inverse .....	227
5.	Résumé de cours.....	229
6.	Arbre de raisonnement .....	231
7.	Exercices corrigés .....	232
8.	Problème de synthèse corrigé.....	238
	<b>Glossaire .....</b>	<b>239</b>