

# Introduction à la statistique

STEPHAN MORGENTHALER



# Table des matières

## Avant-propos

## Table des matières

### Première partie : Statistique exploratoire

<b>1 Représentations graphiques</b>	<b>3</b>
1.1 Distribution d'une variable . . . . .	3
1.2 Diagramme en boîte (boxplot) . . . . .	7
1.3 Diagramme en barres et diagramme en points . . . . .	10
1.4 Diagramme sous forme de fromage . . . . .	11
1.5 Deux variables continues . . . . .	13
1.6 Deux variables continues en parallèle . . . . .	14
1.7 Séries temporelles . . . . .	16
1.8 Exercices . . . . .	17
<b>2 Moyenne, écart-type et loi normale</b>	<b>23</b>
2.1 Moyenne et écart-type . . . . .	23
2.2 Distribution gaussienne . . . . .	25
2.3 Calculer des probabilités . . . . .	26
2.4 Variabilité d'une moyenne . . . . .	30
2.5 Moyenne ou médiane . . . . .	32
2.6 Exercices . . . . .	33

## Deuxième partie : Calcul des probabilités

<b>3 Probabilités d'événements</b>	<b>39</b>
3.1 Généralités . . . . .	39
3.2 Additionner des probabilités . . . . .	40
3.3 Multiplier des probabilités . . . . .	42
3.4 Probabilités conditionnelles . . . . .	44
3.5 Combinatoire . . . . .	47
3.6 Ruine du joueur . . . . .	50
3.7 Exercices . . . . .	51
<b>4 Variables aléatoires</b>	<b>57</b>
4.1 Distribution d'une variable aléatoire . . . . .	57
4.2 Espérance mathématique d'une variable . . . . .	63
4.3 Variance d'une variable aléatoire . . . . .	68
4.4 Transformer des variables aléatoires . . . . .	71
4.5 Indépendance et distribution conjointe . . . . .	74
4.6 Additionner deux variables aléatoires . . . . .	79
4.7 Espérance et variance . . . . .	83
4.8 Corrélation entre deux variables aléatoires . . . . .	84
4.9 Vecteurs aléatoires . . . . .	85
4.10 Les distributions les plus importantes . . . . .	87
4.11 Exercices . . . . .	90
<b>5 Théorèmes fondamentaux</b>	<b>97</b>

## Troisième partie : Idées fondamentales de la statistique

<b>6 Modèles et estimation</b>	<b>101</b>
6.1 Modèles statistiques . . . . .	102
6.2 Estimer des paramètres . . . . .	103
6.3 Distribution d'échantillonnage . . . . .	104
6.4 Propriétés simples . . . . .	105
6.5 Exercices . . . . .	107
<b>7 Méthodes d'estimation</b>	<b>111</b>
7.1 Moindres carrés . . . . .	112
7.2 Régression linéaire simple . . . . .	114
7.3 Un plan d'expérience . . . . .	119

7.4 Maximum de vraisemblance . . . . .	122
7.5 Exercices . . . . .	124
<b>8 Tests statistiques</b>	<b>129</b>
8.1 Tests de signification . . . . .	129
8.2 Tests d'hypothèse . . . . .	135
8.3 Test de Student . . . . .	138
8.4 Exercices . . . . .	141
<b>9 Intervalles de confiance</b>	<b>145</b>
9.1 Intervalle de Student . . . . .	145
9.2 Interprétation . . . . .	147
9.3 Tester la pente . . . . .	148
9.4 Exercices . . . . .	150

## Quatrième partie : Méthodes statistiques

<b>10 Régression multiple</b>	<b>159</b>
10.1 Estimateur des moindres carrés . . . . .	159
10.2 Propriétés de l'estimateur des moindres carrés . . . . .	161
10.3 Tableau de l'analyse de variance . . . . .	162
10.4 Test F de Fisher . . . . .	163
10.5 Exercices . . . . .	166
<b>11 Plans d'expériences</b>	<b>173</b>
11.1 Analyse de variance (ANOVA) à deux voies . . . . .	174
11.2 ANOVA à deux voies . . . . .	180
11.3 Plans d'expériences à plusieurs facteurs . . . . .	184
11.4 Un plan d'expériences réduit . . . . .	190
11.5 Exercices . . . . .	192
<b>12 Tests khi-deux</b>	<b>197</b>
12.1 Le test khi-deux . . . . .	197
12.2 Analyser des questionnaires . . . . .	199
12.3 Exercices . . . . .	202
<b>13 Composantes principales</b>	<b>205</b>
13.1 Données multivariées . . . . .	205
13.2 Covariance et corrélation . . . . .	207
13.3 La première composante principale . . . . .	209
13.4 Analyse en composantes principales (ACP) . . . . .	213
13.5 Biplot . . . . .	216

13.6 Un exemple . . . . .	222
13.7 Exercices . . . . .	224
<b>14 Modèles linéaires</b>	<b>229</b>
14.1 Analyse des résidus . . . . .	230
14.2 Transformer la variable-réponse . . . . .	231
14.3 Régression pondérée . . . . .	241
14.4 Valeurs aberrantes . . . . .	244
14.5 Estimateurs robustes . . . . .	246
14.6 Modèles linéaires avec contraintes . . . . .	251
14.7 Ajuster un modèle . . . . .	254
14.8 Exercices . . . . .	257
<b>15 Inférence non paramétrique</b>	<b>261</b>
15.1 Le cas de deux échantillons . . . . .	261
15.2 Test de Wilcoxon . . . . .	267
15.3 Tester l'ajustement de données . . . . .	270
15.4 Tests de rangs pour l'analyse de variance . . . . .	273
15.5 Intervalles de confiance non paramétriques . . . . .	274
15.6 Exercices . . . . .	277
<b>16 Séries temporelles</b>	<b>281</b>
16.1 Généralités . . . . .	281
16.2 Effets périodiques . . . . .	285
16.3 Tendance croissante ou décroissante . . . . .	290
16.4 Analyser une série stationnaire . . . . .	292
16.5 Analyse harmonique . . . . .	298
16.6 Exercices . . . . .	303
<b>17 Fiabilité : temps de survie</b>	<b>307</b>
17.1 Notions fondamentales . . . . .	307
17.2 Modèles paramétriques . . . . .	310
17.3 Données censurées . . . . .	311
17.4 Estimateur de Kaplan-Meier . . . . .	313
<b>Bibliographie</b>	<b>316</b>
<b>Tables de quantiles</b>	<b>321</b>
<b>Index</b>	<b>329</b>

# Introduction à la statistique

STEPHAN MORGENTHALER

Première introduction en statistique et en probabilités, cet ouvrage traite les méthodes les plus courantes et donne une base théorique. Le contenu étant structuré en quatre parties, l'introduction (statistique exploratoire) consiste en une discussion sur les données susceptibles d'être soumises à une analyse statistique. La deuxième partie (calcul des probabilités) est une initiation concise au calcul des probabilités, d'abord pour des événements, ensuite pour des variables aléatoires. La troisième partie (idées fondamentales de la statistique) présente brièvement les approches majeures de la statistique, c'est-à-dire l'estimation et les méthodes inférentielles. Enfin, la dernière partie (méthodes statistiques) aborde différents outils statistiques.

Ouvrage de référence pour les étudiants ingénieurs (premier cours de statistique) et les chercheurs, complété par des exercices, il est conçu comme support pour un cours de deux semestres. Il peut également servir d'outil aux autodidactes intéressés par les bases et applications des méthodes statistiques.

Né en 1955, Stephan Morgenthaler est mathématicien diplômé de l'Ecole polytechnique fédérale de Zurich en 1979 et il obtient le titre de docteur (Ph. D) du Département de statistique de l'Université de Princeton (New Jersey) en 1983. De 1983 à 1984, il enseigne au Département de mathématiques du Massachusetts Institute of Technology à Boston. En 1984, il entre en tant que professeur assistant au Département de statistique de l'Université de Yale (New Haven, Connecticut), où il est nommé professeur associé en 1987. Dès 1988 il est nommé professeur extraordinaire à l'EPFL, puis professeur ordinaire en 1991.

Son enseignement et ses recherches portent sur les probabilités et la statistique, la théorie de la statistique, l'analyse des données et la robustesse statistique. Il s'intéresse également aux applications des méthodes statistiques dans les administrations, dans l'industrie et dans les sciences.

ISBN 2-88074-372-9



9 782880 743727